

NOM : **1. Cours** (10 points)

1.1. Ecrire la formule récursive et la formule explicite caractérisant les suites arithmétiques et géométriques.

Suite \ Formule	Récursive : $u_{n+1} = f(u_n)$	Explicite : $u_n = f(n)$
Arithmétique de raison a	$u_{n+1} =$	$u_n =$
Géométrique de raison b	$u_{n+1} =$	$u_n =$

1.2. a, b, x, x', sont des nombres réels quelconques ($a > 0$, $b > 0$). Compléter le tableau :

$a^x \cdot a^{x'} =$	$a^x \cdot b^x =$	$(a^x)^{x'} =$	$\log(a^x) =$	$a^0 =$
$\frac{a^x}{a^{x'}} =$	$\frac{a^x}{b^x} =$	$a^{-x} =$	$\log(ab) =$	$1^x =$

1.3. Résoudre les équations et inéquations :

$\log(x) = 3$	$\log(x) = -2$	$\log(x) = 0$	$\log(x) > 1$	$10^x = 5$	$2^x = 3$	$2^x > 3$	$0.5^x < 2$
x =	x =	x =		x =	x =		

2. Problème (10 points)

2.1. Le taux de glycémie (exprimé en g/L) d'un patient baisse de 2 % à chaque minute.

Soit (u_n) la suite donnant le taux de glycémie (en g/L) de ce patient après n minutes. $u_0 = 2$.Expliquer pourquoi (u_n) est une suite géométrique. Donner sa raison. Exprimer u_n en fonction de n.2.2. On considère les fonctions f et g définies sur l'intervalle $[0 ; 50]$ par $g(t) = 0.98^t$ et $f(t) = 2 \times g(t)$.

On admet que f et g ont même sens de variation. Quel est le sens de variation de la fonction f ?

2.3. Remplir le tableau :

t	0	2	5	8	10	15	20	25	30	35	40	45	50
f(t)													

Tracer la courbe \mathcal{C} de f dans un repère orthonormé d'unités 0.5 cm en abscisse et 5 cm en ordonnée.

2.4. Le taux de glycémie dans le sang est normal quand il est inférieur à 1.1 g / L.

Après le pic d'une crise, le taux de glycémie (exprimé en g/L) d'un patient en fonction du temps t (en minutes) est donné par $f(t) = 2 \times 0.98^t$. Par lecture graphique sur la courbe \mathcal{C} donner une valeur approximative du temps nécessaire pour que le taux de glycémie de ce patient redevienne normal.2.5. Résoudre l'équation $f(t) = 1.1$ et l'inéquation $f(t) < 1.1$; que déduire de ces résultats ?

NOM : **1. Cours** (10 points)

1.1.

Suite \ Formule	Réursive : $u_{n+1} = f(u_n)$	Explicite : $u_n = f(n)$
Arithmétique de raison a	$u_{n+1} = u_n + a$	$u_n = u_0 + n.a$
Géométrique de raison b	$u_{n+1} = b \times u_n$	$u_n = u_0 \times b^n$

1.2.

$a^x \cdot a^{x'} = a^{x+x'}$	$a^x \cdot b^x = (ab)^x$	$(a^x)^{x'} = a^{xx'}$	$\log(a^x) = x \log(a)$	$a^0 = 1$
$\frac{a^x}{a^{x'}} = a^{x-x'}$	$\frac{a^x}{b^x} = \left(\frac{a}{b}\right)^x$	$a^{-x} = \frac{1}{a^x}$	$\log(ab) = \log(a) + \log(b)$	$1^x = 1$

1.3.

$\log(x) = 3$	$\log(x) = -2$	$\log(x) = 0$	$\log(x) > 1$	$10^x = 5$	$2^x = 3$	$2^x > 3$	$0.5^x < 2$
$x = 1000$	$x = 0.01$	$x = 1$	$x > 0$	$x = \log(5)$	$x = \frac{\log(3)}{\log(2)}$	$x > \frac{\log(3)}{\log(2)}$	$x > -1$

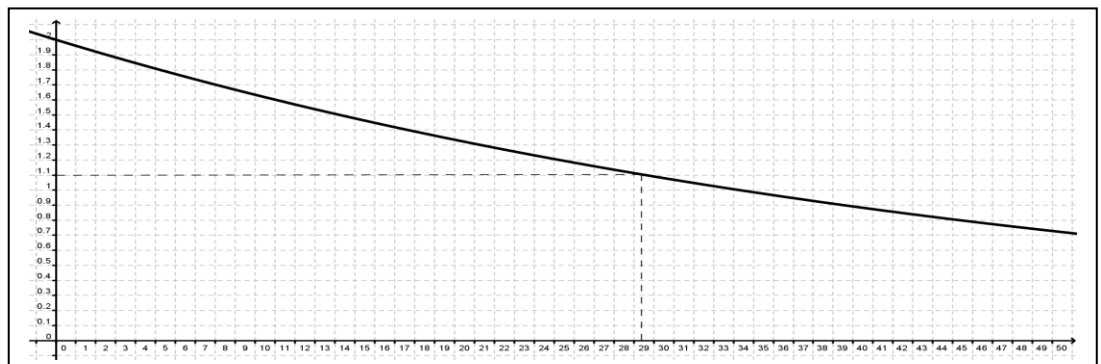
2. Problème (10 points)

2.1. Le taux de glycémie est multiplié à chaque minute toujours par le même nombre 0.98 donc (u_n) est géométrique de **raison 0.98** et $u_n = 2 \times 0.98^n$.

2.2. g est une exponentielle de base $0.98 < 1$ donc g est **décroissante et f aussi**.

t	0	2	5	8	10	15	20	25	30	35	40	45	50
f(t)	2	1.92	1.81	1.70	1.634	1.48	1.335	1.21	1.09	0.986	0.89	0.806	0.73

2.3.



2.4. Par lecture graphique on lit qu'après environ trente minutes le taux de glycémie est redevenu normal.

2.5. $f(t) = 1.1 \Leftrightarrow t \approx 29.6$ et $2 \times 0.98^t < 1.1 \Leftrightarrow t \times \log(0.98) < \log(0.55) \Leftrightarrow t > \frac{\log(0.55)}{\log(0.98)} \approx 29.6$;

Ces résultats confirment la lecture graphique.