

1. Etude de la fonction définie sur $[-6 ; +8]$ par $f(x) = 2x^2 - 3x - 9$.

- Calculer la dérivée $f'(x)$ et étudier son signe.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f en utilisant le signe de f' .
- En déduire le nombre de solution de l'équation $f(x) = 0$ dans l'intervalle $[-6 ; 8]$.
- Résoudre l'équation $f(x) = 0$.
- Déterminer le signe de $f(x)$ si x est dans l'intervalle $[-6 ; 8]$.
- Déterminer une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse $a = 2$.

2. Nombre de solutions d'une équation, signe de la fonction définie sur $[-3 ; 6]$ par $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 5$.

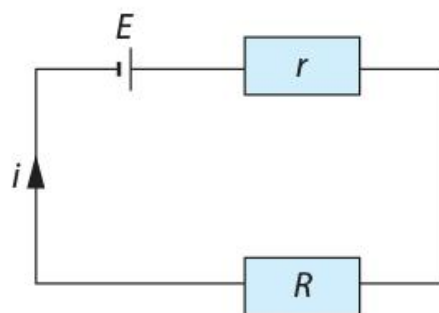
- Prouver que la dérivée $f'(x) = 3(x - 3)(x + 1)$ et étudier son signe.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f en utilisant le signe de f' .
- Indiquer si f admet un ou plusieurs extremums sur $[-3 ; 6]$. Si oui pour quelle(s) valeur(s) de x ?
- Déterminer le nombre de solution de l'équation $f(x) = 0$ dans l'intervalle $[-3 ; 6]$.
- Vérifier que $f(5) = 0$ et en déduire le signe de $f(x)$ dans l'intervalle $[-3 ; 6]$

3. Recherche d'un maximum

On considère le circuit de la figure dans lequel $E = 4$ volts, $r = 1$ ohm et R (en ohms) est variable. On désigne par P la puissance dissipée dans le résistor de résistance R .

On établit en physique que $P = \frac{16R}{(R + 1)^2}$; soit $f(x) = \frac{16x}{(x + 1)^2}$.

- Calculer la dérivée $f'(x)$ de la fonction f définie sur $[0 ; 9]$ par $f(R) = P$ et étudier son signe.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f sur $[0 ; 9]$.
- En déduire la valeur de R pour laquelle P est maximale. Quelle est alors la puissance maximale ?



1. Etude de la fonction définie sur $[-6 ; +8]$ par $f(x) = 2x^2 - 3x - 9$.

a. $f'(x) = 4x - 3$.

c. $f(x) = 0$ a 2 solutions l'une dans $[-6 ; 0.75]$,
l'autre dans $[0.75 ; 8]$.

x	-6	$3/4 = 0.75$	8
f'	-	0	+
f	81	$\searrow -81/8 = -10.125$	$\nearrow 95$

d. $f(x) = 0$. $\Delta = 81$, $x_1 = -1.5$, $x_2 = 3$.

e. $f(x) > 0$ sur $[-6 ; -1.5[\cup]3 ; 8]$ et $f(x) < 0$ sur $]-1.5 ; 3[$.

f. $a = 2$, $f(2) = -7$, $f'(2) = 5$ donc $y = 5(x - 2) - 7 = 5x - 17$.

2. Nombre de solutions d'une équation, signe de la fonction définie sur $[-3 ; 6]$ par $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 5$.

a. $f'(x) = 3x^2 - 6x - 9 = 3(x - 3)(x + 1)$; $f'(x) > 0$ sur $[-3 ; -1[\cup]3 ; 6]$ et $f'(x) < 0$ sur $]-1 ; 3[$.

b.

x	-3		-1	3	6		
f'		+	0	-	0	+	
f	-32	\nearrow	0	\searrow	-32	\nearrow	49

c. f admet **un** minimums (-32) pour $x = -3$ et $x = 3$ et **deux** maximum (0 et 49) pour $x = -1$ et $x = 6$.

d. $f(x) = 0$ a 2 solutions dans l'intervalle $[-3 ; 6]$.

e. $f(5) = 125 - 75 - 45 - 5 = 0$ donc $f(x) < 0$ sur $[-3 ; -1[\cup]-1 ; 5]$. et $f(x) > 0$ sur $]5 ; 6[$

3. Recherche d'un maximum

a. $u(x) = 16x$, $u'(x) = 16$; $v(x) = (x+1)^2$, $v'(x) = 2x + 2$

$$\text{donc } f'(x) = \frac{16(x+1)^2 - (2x+2)(16x)}{(x+1)^4} = \frac{16(1-x)}{(x+1)^3};$$

sur $[0 ; 9]$, $f'(x)$ est du signe de $1 - x$ soit

$f'(x) > 0$ sur $]0 ; 1[$ et $f'(x) < 0$ sur $]1 ; 9[$

x	0	1	9		
f'	0	+	0	-	
f	0	\nearrow	4	\searrow	1,44

b. .

c. P est maximale pour $x = 1$; $P_{\max} = 4$.

1. Etude de la fonction définie sur $[-4 ; +10]$ par $f(x) = x^2 - 5x - 6$.

- Calculer la dérivée $f'(x)$ et étudier son signe.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f en utilisant le signe de f' .
- En déduire le nombre de solution de l'équation $f(x) = 0$ dans l'intervalle $[-4 ; 10]$.
- Résoudre l'équation $f(x) = 0$.
- Déterminer le signe de $f(x)$ si x est dans l'intervalle $[-4 ; 10]$.
- Déterminer une équation de la tangente à la courbe de f au point d'abscisse $a = 2$.

2. Nombre de solutions d'une équation, signe de la fonction définie sur $[-6 ; 3]$ par $f(x) = x^3 + 3x^2 - 9x + 5$.

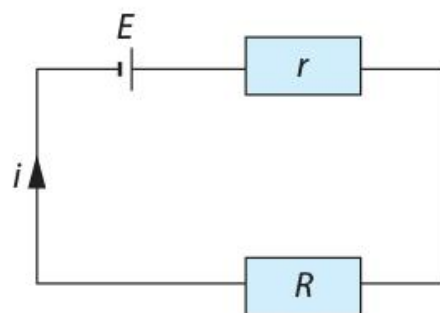
- Prouver que la dérivée $f'(x) = 3(x - 1)(x + 3)$ et étudier son signe.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f en utilisant le signe de f' .
- Indiquer si f admet un ou plusieurs extremums sur $[-6 ; 3]$. Si oui pour quelle(s) valeur(s) de x ?
- Déterminer le nombre de solution de l'équation $f(x) = 0$ dans l'intervalle $[-6 ; 3]$.
- Vérifier que $f(-5) = 0$ et en déduire le signe de $f(x)$ dans l'intervalle $[-6 ; 3]$

3. Recherche d'un maximum

On considère le circuit de la figure dans lequel $E = 6$ volts, $r = 2$ ohms et R (en ohms) est variable. On désigne par P la puissance dissipée dans le résistor de résistance R .

On établit en physique que $P = \frac{36R}{(R + 2)^2}$; soit $f(x) = \frac{36x}{(x + 2)^2}$.

- Calculer la dérivée $f'(x)$ de la fonction f définie sur $[0 ; 8]$ par $f(R) = P$ et étudier son signe sur $[0 ; 8]$.
- Dresser le tableau de variation de la fonction f sur $[0 ; 8]$.
- En déduire la valeur de R pour laquelle P est maximale. Quelle est alors la puissance maximale ?



1. Etude de la fonction définie sur $[-4 ; +10]$ par $f(x) = x^2 - 5x - 6$.

a. $f'(x) = 2x - 5$.

c. $f(x) = 0$ a 2 solutions l'une dans $[-4 ; 2,5]$, l'autre dans $[2,5 ; 10]$.

d. $f(x) = 0$. $\Delta = 49$, $x_1 = -1$, $x_2 = 6$.

e. $f(x) > 0$ sur $[-4 ; -1[\cup]6 ; 10]$ et $f(x) < 0$ sur $]-1 ; 6[$.

f. $a = 2$, $f(2) = -12$, $f'(2) = -1$ donc $y = -1(x - 2) - 12 = -x - 10$

x	-4	$5/2 = 2,5$	10
f'	-	0	+
f	30	$\searrow -49/4 = -12,25$	$\nearrow 44$

2. Nombre de solutions d'une équation, signe de la fonction définie sur $[-6 ; 3]$ par $f(x) = x^3 + 3x^2 - 9x + 5$.

a. $f'(x) = 3x^2 + 6x - 9 = 3(x - 1)(x + 3)$ $f'(x) > 0$ sur $[-6 ; -3[\cup]1 ; 3]$ et $f'(x) < 0$ sur $]-3 ; 1[$.

b.

x	-6		-3	1	3		
f'		+	0	-	0	+	
f	-49	\nearrow	32	\searrow	0	\nearrow	32

c. f admet deux minimums (-49 et -0) pour $x = -6$ et $x = 1$ et un maximum (32) pour $x = -3$ et $x = 3$.

d. $f(x) = 0$ a 2 solutions dans l'intervalle $[-6 ; 3]$.

e. $f(-5) = -125 + 75 + 45 + 5 = 0$ donc $f(x) < 0$ sur $[-6 ; -5[$ et $f(x) > 0$ sur $]-5 ; 1[\cup]1 ; 3]$.

3. Recherche d'un maximum

a. $u(x) = 36x$, $u'(x) = 36$; $v(x) = (x+2)^2$, $v'(x) = 2x + 4$

$$\text{donc } f'(x) = \frac{36(x+2)^2 - (2x+4)(36x)}{(x+2)^4} = \frac{36(2-x)}{(x+2)^3}$$

Sur $[0 ; 8]$, $f'(x)$ est du signe de $2 - x$ soit

$f'(x) > 0$ sur $]0 ; 2[$ et $f'(x) < 0$ sur $]2 ; 8[$

x	0	2	8		
f'	0	+	0	-	
f	0	\nearrow	4,5	\searrow	2,88

b.

c. P est maximale pour $x = 2$; $P_{\max} = 4,5$.